令和6年度入学試験問題

数　　学

数学Ⅰ，数学Ⅱ，
数学A，数学B

令和6年2月25日

自　9時00分

至11時00分

答案作成上の注意

1　この問題冊子には，数学Ⅰ，数学Ⅱ，数学A，数学B（数列，ベクトル）の問題が**4問**あります。総ページは**11ページ**で，問題は4ページ以降の偶数ページにあります。

2　解答用紙は**4枚**です。解答はすべて**対応する番号の解答用紙**の所定の**解答欄**（表面）に記入しなさい。解答用紙の注意書きもよく読みなさい。

3　**受験番号**は，それぞれの解答用紙の所定の欄（2ヶ所）に必ず記入しなさい。

4　試験終了後は，**解答用紙の右上の番号の順**に並べなさい。

5　配付した解答用紙は，持ち出してはいけません。

6　試験終了後，問題冊子は持ち帰ってください。

7　この問題冊子の裏表紙には，試験時間中に机の上に置いてよいものを記載しています。

空　白

空　白

〔1〕 A，B，C，D，Eの5人が，それぞれゲーム α とゲーム β の2[illegible]

[illegible]

(2) p，q は実数で，$p \neq 0$ とする。ゲーム β の得点 y を $z = py + q$ により変換し，新たな変量 z を作成[illegible]
z の共分散を s_{xz} とする。このとき，s_z と s_{xz} を p，q，m のうちの必要なものを用いて表せ。ただし，変量 x と z の共分散は x の偏差と z の偏差の積の平均値である。

(3) 変量 x と (2) で作った変量 z の相関係数が $\dfrac{3}{4}$ であるとき，m と b の値を求めよ。また，p が正であるか負であるかを答えよ。

空　白

〔２〕　実数 t および $0 < a < b$ を満たす実数 a，b に対し，

$$f(t) = \int_a^b (x - at)(x - bt)\,dx$$

とおく。次の問いに答えよ。

(1) [illegible]

(2) [illegible]

(3) [illegible]

空 白

〔3〕　座標空間内の4点 O$(0,0,0)$，A$(1,1,0)$，B$(0,1,1)$，C$(1,2,-1)$ に対し，$\overrightarrow{\mathrm{OA}}=\vec{a}$，$\overrightarrow{\mathrm{OB}}=\vec{b}$，$\overrightarrow{\mathrm{OC}}=\vec{c}$ とおく。次の問いに答えよ。

空　白

〔4〕 a と r を正の実数とする。座標平面上の放物線 $y=x^2$ と，中心 $(0,a)$，半径 r の円 C を考える。次の問いに答えよ。

(1) $a=r$ とする。このとき，放物線 $y=x^2$ と円 C との共有点が一つのみになるような r の値の範囲を求めよ。

(2) 円 C が不等式 $y>0$ の表す領域に含まれるための必要十分条件を a と r を用いて表せ。

(3) a と r は (2) で求めた条件を満たすとする。このとき，放物線 $y=x^2$ と円 C との共有点がちょうど二つになるような点 (r,a) の範囲を ra 平面に図示せよ。

(4) 正の実数 s に対し，中心 $(0,a+r+s)$，半径 s の円を C' とする。円 C と円 C' は次の条件 (i) と (ii) を満たすとする。

(i) 円 C は不等式 $y>0$ の表す領域に含まれ，さらに放物線 $y=x^2$ と円 C との共有点はちょうど二つである。

(ii) 放物線 $y=x^2$ と円 C' との共有点はちょうど二つである。

このとき，s を r を用いて表せ。

空　白

試験時間中に机の上に置[redacted]

○　鉛筆キャップ

○　シャープペンシル

○　消しゴム

○　鉛筆削り（電動式，大型のもの，ナイフ類は不可）

○　時計（辞書，電卓，端末等の機能があるものや，それらの機能の有無が判別しにくいもの，秒針音のするもの，キッチンタイマー，大型のものは不可）

○　眼鏡

○　ハンカチ

○　目薬

○　ティッシュペーパー（袋又は箱から中身だけ取り出したもの）